

رسالہ فی خواص المثلث من جہۃ العمود

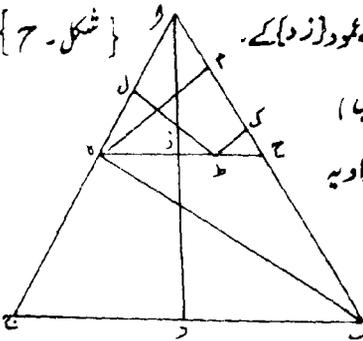
از امام ابن الہیثم ◻ ترجمہ و تفسیر فی فضل احمد شمس فیلوا دارہ تحقیقات اسلامی اسلام آباد

۶

{ اگر کسی بھی مثلث متساوی الساقین کے قاعدے کے کسی زاویہ کی تنصیف کسی ایسے خط سے کریں جو زاویہ کے راس سے مقابل ساق تک جانے اور ایک ساق سے دوسری ساق تک ایک ایسا خط قاعدے کے متوازی کھینچیں جو ایک ساق میں اس نقطہ پر ملے جو زاویے کو تقسیم کرنے والے خط کا اس ساق سے نقطہ اتصال ہے، تو اس متوازی خط کے کسی نقطہ سے ساق میں پرگرائے گئے عمودوں کا مجموعہ متوازی خط کے کسی نقطہ سے قاعدے پر گرائے گئے عمود کے برابر ہوگا }

{ مثال } ہم پھر مثلث متساوی الساقین کو لیتے ہیں۔ مثلث ΔABC ایک ایسی مثلث ہے۔ (جس میں $\angle B = \angle C$) زاویہ $\angle B$ کی تنصیف خط BD سے کرتے ہیں اور قاعدے کے متوازی خط EH (نقطہ H سے دوسری ساق تک) نکالتے ہیں۔ ΔBDE اور ΔCDE (یعنی نقطہ D سے قاعدے پر عمود DE گراتے ہیں جو کہ خط EH کو نقطہ H پر کاٹتا ہے۔) میرا دعویٰ ہے کہ خط EH کے کسی نقطہ سے اگر خطوط EF اور FG پر عمود گرائے جائیں تو ان عمودوں کا مجموعہ عمود DE کے برابر ہوگا۔ خط EH پر ایک نقطہ P مان لیتے ہیں اور اس سے (ساق میں) عمود PK اور ط PL نکالتے ہیں۔

{ گویا } دعویٰ یہ ہے کہ PK اور ط PL کا مجموعہ برابر ہے عمود DE کے۔ { شکل - Δ }



ثبوت: {نقطہ H سے دوسری ساق پر} عمود EH گراتے ہیں،
چونکہ خط $EH \parallel BC$ ۔ خط BD کے متوازی ہے، اور زاویہ
 $\angle B = \angle C$ مساوی ہے زاویہ $\angle B = \angle C$ کے،
اور {چونکہ خط $EH \parallel BC$ اور زاویہ $\angle B = \angle C$ کو دو برابر

حصوں میں تقسیم کرتا ہے]

نزاویہ Δ ب ج برابرے نزاویہ Δ ب ح کے

لہذا، نزاویہ Δ ب ج برابرے نزاویہ Δ ب ح کے۔

پس، خط Δ ج برسرے خط Δ ب کے۔

لہذا، Δ ح کی نسبت Δ ب ح سے وہی ہے جو Δ ح کو Δ ح سے ہے۔

اب چونکہ مثلثات Δ د ب اور Δ ح متشابه ہیں،

Δ د کی نسبت Δ نر سے وہی ہے جو Δ ب کو Δ ح سے ہے

∴ چونکہ Δ د = Δ نر + Δ نر۔ اور Δ ب = Δ ح + Δ ح

(Δ نر + Δ نر) کی نسبت Δ نر سے وہی ہے جو (Δ ح + Δ ح) کو Δ ح سے ہے۔

چونکہ اگر Δ ب : Δ ا :: (Δ ج + Δ) : Δ ج، تو ب : Δ د :: ج : Δ ج

∴ Δ نر کی نسبت Δ نر سے وہی ہے جو Δ ب کو Δ ح سے ہے

چونکہ اگر Δ ب : Δ ج :: Δ د : Δ ج، تو Δ د : Δ ج :: ب : Δ ج

لہذا، Δ ح کی نسبت Δ ب سے وہی ہے جو Δ نر کو Δ د سے ہے۔ ^{۲۳}

اور [مثلث Δ ح میں Δ نر عمود ہے Δ ح پر اور Δ م عمود ہے Δ ح پر، لہذا]

Δ ح کی نسبت Δ ح سے وہی ہے جو عمود Δ نر کو عمود Δ م سے ہے۔

پس، (چونکہ یہ ثابت ہو چکا ہے کہ Δ ز : Δ د :: Δ ح اور Δ نر : Δ نر :: Δ نر : Δ م،

Δ نر کی نسبت Δ نر سے وہی ہے جو Δ نر کو Δ م سے ہے۔

لہذا، عمود Δ م برابرے Δ نر کے۔

اور (چونکہ مثلث Δ ح متشابه ہے مثلث Δ ج ب سے۔ لہذا مثلث Δ ح ایک

متساوی الساقین مثلث ہے۔ چنانچہ)

عمود Δ م برابرے عمودین ط ک اور ط ل کے مجموعہ کے، (ایک) سابقہ [مشکل اثباتی] کے

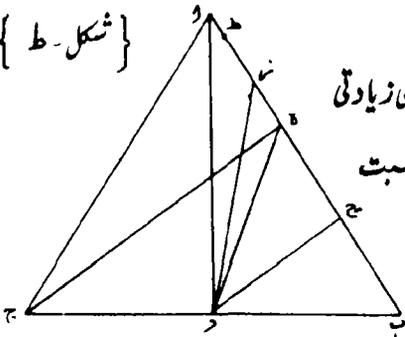
لہذا، عمودین ط ک اور ط ل کا مجموعہ برابرے عمود Δ نر کے۔ [دلیل ما اردنا بیانہ]

(اور اس ثبوت کا اطلاق ہر قسم کی مثلث متساوی الساقین پر ہوتا ہے۔)

ہر حاد الزاویہ متساوی الساقین مثلث کے سابقین میں سے کسی ایک ضلع کی زیادتی DIFFERENCE
اُس عمود سے جو اُس پر (مخالف زاویہ کے راس سے) گزرتا ہو، اور اُس عمود کی زیادتی مسقط (الجہز)^{۲۵}
سے، اور مسقط الجہز کا دو گنا، تینوں بالترتیب ہم نسبت ہوں گے۔

(مثال) Δ ABC ایک متساوی الساقین مثلث ہے۔ ضلع AB برابر ہے ضلع AC کے۔ (مثلث کے) تینوں
زاویے حادہ ہیں۔ اس (مثلث) میں (قاعدے کے زاویے C سے ساق AB پر) عمود CD \angle
کھینچا گیا ہے۔

{ شکل - ط }



دعویٰ یہ ہے کہ AB کی زیادتی CD سے، CD کی زیادتی
 AD سے، اور AD کا دو گنا، تینوں ترتیب ہم نسبت
ہیں۔ ^{۲۶}

ثبوت، (نقطہ D سے قاعدے پر) عمود AD اور

(نقطہ D سے ساق AC پر) عمود DE نکالتے ہیں، اور AD کو DE کے برابر لیتے ہیں۔ ^{۲۷}

(نقاط) A اور D کو ملاتے ہیں اور زاویہ ADC کی خط DE سے تنصیف کرتے ہیں۔

پس AD برابر ہے DE کے (جیسا کہ شکل D میں دکھایا جا چکا ہے) ^{۲۸}

(نقاط) C اور E کو ملاتے ہیں۔

چونکہ CD دو گنا ہے AD کا، اور AD دو گنا ہے DE کا، لہذا CD DE کے متوازی

ہے اور CD دو گنا ہے DE کا۔ ^{۲۹}

پس CD عمود ہے AB پر۔ ^{۳۰}

مثلثات ADC اور DEC میں زاویے ADC اور DEC برابر ہیں کیونکہ

دونوں قائمے ہیں، زاویہ C اور E برابر ہے زاویہ B DC کے۔

لہذا یہ دو مثلثیں ایک دوسری کی متشابه ہیں۔

$\therefore DC$ کی نسبت DC سے وہی ہے جو DC کو BC کے ساتھ ہے

$\therefore DC \times DC = BC \times DE$ ، AB

چونکہ $و ح$ کی ضرب $ح$ ب سے $و ح$ کے مربع کے برابر ہے

(یعنی $و ح \times ح ب = و ح^2$)

لہذا، $و ح$ کی ضرب $ح$ سے، $ح$ نر کے مربع کے برابر ہے، اور

$و ح$ کی نسبت $ح$ نر سے وہی ہے جو $ح$ نر کو $ح$ کا سے اور $و$ نر کو $و$ کا سے ہے۔^{۳۱}

نیز $ح$ نر - $و$ کا سے بڑا ہے کیونکہ $\{و ح\}$ بڑا ہے $ح$ ب سے

(یوں کہ $و$ بڑا ہے $و ب$ سے کیونکہ زاویہ $\{و ب\}$ حادہ ہے)۔^{۳۲}

پس، خط $و$ نر بڑا ہے خط $و$ کا سے۔^{۳۳}

اب، $\{خط و نر پر\}$ $و$ کا کے برابر $\{ایک خط\}$ $نر ط$ لیتے ہیں۔

تو $و$ نر کو $نر ط$ سے وہی نسبت ہوگی جو $و$ نر کو $و$ کا سے ہے

$\{کیونکہ و نر : و کا :: ح نر : ح کا، نر ط = و کا، اور ح نر = و ح\}$ ، اور $و ط$ کی نسبت

$ط$ نر سے وہی ہوگی جو $و$ کا کو $و$ کا سے ہے۔^{۳۴}

پس، $و ط$ کی ضرب $و$ کا سے، $\{و نر کا\}$ کا مربع، اور $و ط$ کی ضرب $\{و ح ب\}$ سے، ایک دوسرے

کے برابر ہیں۔^{۳۵}

اب $\{چونکہ و نر - نر ط کے برابر ہے اور و ح - ح ب کے برابر ہے، لہذا\}$

$ط ب - ح نر$ کا دوگنا ہے،^{۳۶} $ح نر - و د$ کے برابر ہے، اور $و ج - ح د$ کا دوگنا ہے،

لہذا، خط $ط ب$ عمود $و ج$ کے برابر ہے، اور

$و ط - و ب$ کی عمود $و ج$ سے زیادتی $\{یعنی و ط + و ج = و ب\}$ ، اور

$ط کا - ط ب$ کی $و ب - و ج$ سے زیادتی ہے $\{یعنی ط کا + و ج = و ب\}$ ۔

پس، $و ط$ ، $ط کا$ ، اور $و ب$ $\{جو عمود و ج کا مسقط الحجہ ہے\}$ کا دوگنا $\{جو علی الترتیب و ب کی عمود$

$و ج$ سے زیادتی، عمود $\{و ج\}$ کی مسقط الحجہ $و ب$ سے زیادتی، اور $\{مسقط الحجہ\}$ $و ب$ کا

دوگنا ہیں $\{اسی ترتیب سے ہم نسبت ہیں -$

$\}$ یعنی جو نسبت $و ط$ کو $ط کا$ سے ہے وہی نسبت $ط کا$ کو $و ب$ کے دوگنے سے ہے۔

(وذلك ما اسدنا بيانہ)

حواشی و حوالہ جات

۲۲- اس تناسب کو ایک اور طریقہ سے ثابت کیا جاسکتا ہے۔ نقطہ ج سے قاعدے پر عمود ج خ گرائیں۔ اب

ثلاثت و نر ح اور ح خ ب متشابه ہوں گی۔

لہذا، ا ح : ح ب :: و نر : ح خ اور چونکہ ح خ = نر د، لہذا

ا ح : ح ب :: و نر : نر د۔

لیکن اس طور پر ثابت کرنے میں عمل (CONSTRUCTION) میں تبدیلی کرنی پڑے گی یعنی

عمود ح خ نکالنا پڑیگا۔ لہذا اس تناسب کو الجبرا کی مدد سے ثابت کرنا بہتر خیال کیا گیا ہے۔

۲۳- یعنی ایک ایسی مثلث متساوی الساقین جس کا معکوس زاویہ (بھی) حادہ ہے۔ اس مثلث میں یہ نظریہ

ہے کہ ساق قاعدے کے زاویے کے راس سے اپنے اوپر گرنے والے عمود سے بڑی ہو، اور مستط الجراس

عمود سے چھوٹا ہو (لہذا یہ ضروری ہوگا کہ عمود ساق پر یوں گرنے کے ساق اس طرح دو حصوں میں منقسم ہو

ہائے کہ قاعدے سے متصل خط یعنی مستط الجراس عمود سے چھوٹا ہو)۔ لیکن یہ اس صورت میں ممکن

نہیں جبکہ زاویہ معکوس قائمہ یا منفرجہ ہو۔ اگر زاویہ معکوس قائمہ ہو تو قاعدے کے زاویہ کے راس

سے مقابل ساق پر عمود خود دوسری ساق ہی ہوگی اور اس طرح ساق اور عمود بڑا ہوں گے اور صحیح

معنوں میں کوئی مستط الجراس نہیں ہوگا۔ اگر زاویہ معکوس منفرجہ ہو تو ایسا عمود ساق کے بڑھائے ہوئے

حصہ پر مثلث سے باہر گرنے کا اور اس طرح (اگر بڑھائی ہوئی ساق کو مستط الجراس تسلیم کیا جاسکتا ہے)

مستط الجراس سے بڑا ہوگا اور وہ تعلق جو مثلث کے لئے ضروری ہے (یعنی ساق بڑی ہے عمود سے

اور وہ بڑا ہے مستط الجراس سے) ناممکن ہو جائیگا۔

۲۵- یہاں مستط الجراس سے مراد اُس ساق کا، جسے مقابل زاویے کے راس سے گرنے والے عمود نے دو حصوں

(SEGMENTS) میں منقسم کر دیا ہو، وہ حصہ ہے جو قاعدہ سے متصل (ADJACENT) ہے۔

۲۶- یعنی (ا ب - ج ۷) کی نسبت (ج ۸ - ا ب) سے دہی ہے جو کہ (ا ب - ج ۷) کو (ا ب - ج ۸) سے ہے۔

۲۷- یہ سارا ثبوت غیر ضروری الجھاؤ سے بھرا ہوا ہے۔ یہ کہنا مشکل ہے کہ یہ الجھاؤ بعد کے لوگوں نے پیدا کیا

ہے یا خود ابن الہیثم نے ایسا ہی ثبوت پیش کیا تھا۔

نقطہ ۸ تو پہلے ہی آچکا ہے۔ یعنی دعویٰ میں ج ۸ اور ا ب کا ذکر ہے۔ لیکن اب ثبوت میں گویا

ج کا کوفرا موش کر دیا گیا ہے اور نقطہ کا تعریف ح کا کے ذریعہ کی جا رہی ہے۔ ظاہر ہے ایسی صورت میں بعد میں ج کا کو ملانا اور اسے اب پر عمود ثابت کرنا ہوگا۔

اس کے برعکس ج کا کو مان لینے سے $\angle C = \angle B$ کو ثابت کرنے کے لئے صرف مثلثات ج کا ب اور د ج ب کو متشابہ ثابت کرنا اور ب د کو ب ج کا نصف ثابت کرنا ہے۔

۲۸۔ شکل د کے ذریعہ اسکو ثابت کرنے کے لئے ضروری ہے کہ پہلے $\angle C$ کو ب ج سے بڑا ثابت کیا جائے۔

لیکن اب ہم جو فرض یا ثابت کیا گیا ہے وہ صرف یہ ہے کہ $\angle C = \angle B$ کے برابر ہے۔ لیکن $\angle C > \angle B$ سے بڑا ہو سکتا ہے اور یہ ثابت نہیں کیا گیا ہے کہ ایسا نہیں ہے۔

بہر حال یہ ثابت کیا جا سکتا ہے کہ $\angle C > \angle B$ ہے۔

چونکہ معکوس زاویہ کو حادہ فرض کیا گیا ہے لہذا قاعدہ کا زاویہ 90° سے زائد ہے۔

لہذا (تائمرہ مثلث د ج ب میں) $\angle C > \angle B$ ہے۔

اب، زاویہ $\angle C$ برابر ہے زاویہ $\angle B$ کے، کیونکہ زاویہ $\angle B$ + زاویہ $\angle B$ برابر ہے قائمہ

کے اور زاویہ $\angle C$ + زاویہ $\angle C$ برابر ہے قائمہ کے اور زاویہ $\angle B$ + زاویہ $\angle C$ = زاویہ $\angle C$ + زاویہ $\angle B$ ۔

لہذا زاویہ $\angle C = 90^\circ$ سے زیادہ ہے۔

∴ $\angle C > \angle B$ ہے

∴ $\angle C > \angle B$ ہے۔

۲۹۔ یہ ثابت نہیں کیا گیا ہے۔ بہر حال یہ ایک مسلمہ امر ہے کہ مثلث متساوی الساقین میں معکوس زاویے

سے قاعدے پر گرنے والا عمود قاعدے کو دو برابر حصوں میں تقسیم کرتا ہے۔

اس کا ثبوت نہایت آسان ہے۔ اگر $\triangle ABC$ ایک ایسی مثلث اور AD ایک ایسا عمود ہے تو مثلثات

$\triangle ABD$ اور $\triangle ADC$ میں $\angle B = \angle C$ کے، AD مشترک ہے۔ اور زاویہ $\angle ADB = \angle ADC$

زاویہ $\angle B = \angle C$ ۔ لہذا دونوں مثلثیں ایک دوسرے کی متشابہ ہیں۔ لہذا، AD کی نسبت BD سے

ہے $BD = DC$ ۔ لہذا، AD عمود BC پر، پس $\angle B = \angle C$ ۔

۳۰۔ اگر $\triangle ABC$ میں $\angle A = \angle B$ ، $\angle C = 90^\circ$ اور AD عمود ہے

میں سے کسی ایک کو مان لیں تو اب ہم جو فرض یا ثابت کی گئی ہیں ان کی مدد سے باقی

کو بھی ثابت کیا جاسکتا ہے لیکن سوال یہ ہے کہ کسی ایک کو کیوں مان لیا جائے؟
بہر حال، یہ تمام نتائج ثابت کئے جاسکتے ہیں!

ثبوت (جیسا کہ پہلے ثابت کیا جا چکا ہے) $\angle B = \angle C = ۰۲$ بد
اب (چونکہ مثلثات $\triangle BCD$ اور $\triangle CDB$ کو متشابه ثابت کیا جاسکتا ہے)۔
 $\angle D = ۱۰۸$ اور $\angle D = \angle B = \angle C = ۰۲$ ۔

$\angle D = ۱۰۸$ کیونکہ $\angle D$ اور $\angle C$ دونوں $\angle B$ کے برابر ہیں)

\therefore (مثلث $\triangle ABC$ میں) $\angle D = \angle C = \angle B = ۰۲$ ۔

اب، زاویان $\angle A + \angle B + \angle C = ۱۸۰$ ، اور

زاویان $\angle A + \angle B + \angle C = ۱۸۰$

لہذا، $\angle A + \angle B + \angle C = ۱۸۰$

لیکن، $\angle A + \angle B + \angle C = ۱۸۰$ اور $\angle B = \angle C = ۰۲$ ۔
(کیونکہ $\angle B = \angle C = ۰۲$)

$\therefore \angle A + ۰۲ + ۰۲ = ۱۸۰$

$\therefore \angle A = ۱۷۶$

\therefore (کیونکہ زاویہ $\angle A$ اور $\angle C$ کے زاویہ $\angle B$ کے زاویہ $\angle C$ یعنی زاویہ

$\angle C = ۰۲$ زاویہ $\angle B$)

زاویے $\angle A + \angle B + \angle C = ۱۷۶ + ۰۲ + ۰۲ = ۱۸۰$ ۔

\therefore (کیونکہ زاویہ $\angle A$ اور $\angle C$ کے زاویہ $\angle B$ کے زاویہ $\angle C$)

زاویے $\angle A + \angle B + \angle C = ۱۷۶ + ۰۲ + ۰۲ = ۱۸۰$ ۔

$\therefore \angle A = ۱۷۶$ ۔

\therefore زاویہ $\angle A = ۱۷۶$ ۔

اسی طرح، (مثلثات $\triangle ABC$ اور $\triangle CBA$ میں)

زاویے $\angle A + \angle B + \angle C = ۱۷۶ + ۰۲ + ۰۲ = ۱۸۰$ ۔

۲۰۔ ریوسہ زاویہ دب = زاویہ رب (د زاویہ بد) = زاویہ بار د۔

لہذا، زاویہ ج کا د = زاویہ بد ح (کیونکہ دونوں کو زاویہ بار د کے برابر ثابت کیا جا چکا ہے)۔
 ∴ ج اور د ح قاعدے ب ج سے (مثلثات ب ج اور ب ح د میں)

زاویے کا ب ج + کا ج ب = زاویہ ج بد + بد ج = ۹۰° ایک جیسا زاویہ بناتے ہیں۔

∴ (کیونکہ زاویے ب ج + کا ج ب + کا ج ب = ۱۸۰°) ∴ ج اور د ح ایک دوسرے کے

متوازی ہیں۔

∴ ج ضلع و ب پر عمود ہے اور

ب کا ج = ۹۰°

∴ (کیونکہ مثلثات ج کا ب اور ب ح متشابه ثابت کی جا سکتی ہیں، اور ب ح = ب ج = ۱/۲ ب ج)

ب ج = ۰.۲ ب ج

۳۱۔ دوسری نسبت نہ واضح ہے نہ ابن الہیثم نے ثابت کرنے کی کوشش کی ہے۔ لیکن یہ تعلق صحیح ہے اور الجبر سے کی مدد سے براہ آسانی ثابت کی جا سکتی ہے۔

یہ دیا ہوا ہے کہ (د ح : ح نر) ∴ ح نر : ح ب (کیونکہ د ح = ح ب = ح نر)

لہذا، (و نر + ح نر) : ح نر ∴ ح نر ∴ (نر + ح نر) : ح نر (کیونکہ د ح = ح ب = ح نر)

نر + ح نر اور ح ب = ح نر

∴ { کیونکہ اگر (د + ب) : ب ∴ (د + ج) : ج، تو د : ب ∴ ج : د یعنی اگر

د : ب = ج : د تو د : ب = ج : د، کیونکہ د : ب = ج : د یعنی

د : ب = ج : د یعنی د : ب = ج : د، یعنی د : ب = ج : د

∴ (کیونکہ اگر د : ب ∴ ج : د، تو د : ب ∴ ج : د، یعنی اگر د : ب = ج : د تو د : ب = ج : د)

و نر : ح نر = ح نر : ح ب

∴ و نر : ح نر ∴ ح نر : ح ب

اب چونکہ یہ پہلے ہی ثابت کیا جا چکا ہے کہ د ح : ح نر ∴ ح نر : ح ب

یہ بات ثابت ہوئی کہ د ح : ح نر ∴ ح نر : ح ب ∴ و نر : ح نر

۳۲۔ چونکہ زاویہ ب و ج عادی ہے لہذا زاویہ بار د جو کہ زاویہ ب و ج کا آراہ ہے ۹۰° سے کم ہے

لہذا د بڑا ہے دب سے۔

اب چونکہ مثلثات و ب اور د ح ب متشابه ثابت کی جا سکتی ہیں

لہذا، و د : دب ∴ د ح : ح ب۔ اس طرح یہ ثابت ہوا کہ د ح : ح ب سے بڑا ہے۔

اب ہم جانتے ہیں کہ د ح = ح نر، اور ح ب = ح نر، لہذا یہ ثابت ہوا کہ ح نر = ح ب سے بڑا ہے

(لیکن اس ثبوت کی قطعی ضرورت نہیں تھی۔ کیونکہ ہم پہلے ہی فرض کر چکے ہیں کہ ح نر = ح ب سے بڑا ہے)

لہذا ظاہر ہے کہ ح نر - ح سے بڑا ہے۔)

۲۲- یہ پہلے ثابت ہو چکا ہے کہ و نر کی نسبت نرہ سے وہی ہے جو ح نر کو ح سے اور ابھی یہ بھی ثابت کیا گیا ہے کہ ح نر - ح سے بڑا ہے۔ لہذا ظاہر ہے کہ و نر بھی نرہ سے بڑا ہو گا۔

۲۲- چونکہ و نر : نرہ :: ح نر : ح (جیسا کہ پہلے ثابت ہو چکا ہے)

$$\therefore \text{و نر : نرہ} :: \text{ح نر : ح} \quad (\text{کیونکہ ح نر = نرہ اور ح = ح})$$

$$\therefore \text{و نر : ط نر} :: \text{ح نر : ح} \quad (\text{کیونکہ ط نر کو نرہ کے برابر لیا ہے})$$

$$\therefore (\text{و ط} + \text{ط نر}) : \text{ط نر} :: \text{ح نر : ح} \quad (\text{کیونکہ و نر = و ط} + \text{ط نر})$$

$$\therefore (\text{و ط} + \text{ط نر}) : \text{ط نر} :: (\text{نرہ} + \text{ح}) : \text{ح} \quad (\text{کیونکہ ح نر = نرہ} + \text{ح})$$

$$\therefore \text{و ط} : \text{ط نر} :: \text{نرہ} : \text{ح} \quad (\text{الجبر کے اصول سے})$$

۲۴- چونکہ و ط : ط نر :: زہ : ح (جیسا کہ آگے ثابت ہو چکا)

$$\therefore \text{و ط} : \text{زہ} :: \text{ح} : \text{ح}$$

$$\therefore \text{و ط} \times \text{ح} = \text{زہ}^2$$

یہاں اس کا ذکر دلچسپی سے خالی نہیں کہ ہمدرد ترجمے میں یہ تناسب یوں دیا ہوا ہے:

”پس و ط \times ح = ح \times زہ اور (و ط \times ح = ب \times ح) دونوں برابر ہوں گے۔“ یہاں پر ظاہر ہے کہ

کسی قسم کی برابری کا سوال نہیں کیونکہ پہلا یعنی (و ط \times ح = ح \times زہ) ایک مساوات ہے جب کہ

دوسرا ایک کمیت (QUANTITY) ہے۔

اگر ہم اُس جملہ سے اوڑ کی جگہ = کر دیں اور دونوں برابر ہیں، کو حذف کر دیں تو بھی صحیح

مساوات نہیں ہوگی کیونکہ نہ تو و ط \times ح = ح \times زہ اور نہ ہی (و ط \times ح = ب \times ح) اور ظاہر ہے کہ

(و ط \times ح) تو (و ط \times ح = ب \times ح) کے برابر ہو ہی نہیں سکتا کیونکہ (و ط \times ح) برابر ہے (و ط \times ح)

کے، سوائے اس کے کہ دونوں (و ط \times ح) اور (و ط \times ح) صفر یا ایک کے برابر ہوں!

$$۲- \text{ط ب} = \text{ط نر} + \text{نرہ} + \text{ح} + \text{ح} \quad (\text{عمل CONSTRUCTION سے})$$

$$\therefore \text{ط ب} = \text{نرہ} + \text{نرہ} + \text{ح} + \text{ح} \quad (\text{کیونکہ نرہ = نرہ اور ح = ح})$$

$$\therefore \text{ط ب} = ۲ (\text{نرہ} + \text{ح})$$

(باقی آئندہ شمارہ میں)

$$\therefore \text{ط ب} = ۲ \text{ ح نر} \quad (\text{کیونکہ ح نر = ح + نرہ})$$