

علمِ ریاضی میں مسلمانوں کے کارنامے

مثلث کے رقبے کا ضابطہ

مسلمان اپنے دورِ عروج میں تمام علوم و فنون میں دنیا کی دوسری قوموں سے بہت آگے تھے۔ لیکن اب خود مسلمان بھی یہ بھول چکے ہیں کہ آج جن علوم میں وہ اہل یورپ سے بہت پیچھے ہیں ان کو یورپ والوں نے اسلامی درگاہوں سے مانگا کر کے اس قدر ترقی دیا ہے۔ مندرجہ ذیل مضمون میں علمِ ریاضی میں جن قوموں کے کارناموں پر روشنی ڈالی گئی ہے۔

مثلث کا رقبہ کتنا بہت آسان ہے۔ قاعدہ (BASE) کو ارتفاع (ALTIMUDE) میں ضرب دے کر آدھا کیجئے اور مثلث کا رقبہ نکل آئے گا۔ مگر قاعدہ کا ناپنا جس قدر آسان ہے اس کے ارتفاع کی پیمائش اتنی سہل نہیں ہے کیونکہ اس کے لیے پہلے اس مثلث (VERTEX) سے قاعدہ پر عمود ڈالیںے جب جا کر اس عمود کی پیمائش کیجئے اور کاغذ پر عمود ڈالنا جتنا آسان ہوتا ہے، عملی زندگی میں مساحت زمین کے لیے عمود کا استخراج اتنا سہل نہیں ہوتا۔

اس لیے دوسرا طریقہ جو عموماً مساحت دانوں کا معمول ہے یہ ہے کہ مثلث کے تینوں ضلعوں کو ناپ کر نصف کیجئے اس نصف میں سے ہر ضلع کو علاحدہ علاحدہ لکھائیے اس طرح جو تین باقی بچیں انہیں آپس میں ضرب دے کر حاصل ضرب کو مجموعہ اضلاعِ مثلثہ کے نصف میں ضرب دیجئے اور آخری ضرب کا جذر المربع لے لیجئے۔ یہ جہز مثلث کا رقبہ یا کمبیر ہوگا۔ ریونزی طور پر (SYMBOLICALLY) اگر مثلث کے اضلاعِ مثلثہ کی لمبائی بالترتیب a ، b اور c ہو اور ان کے مجموعہ $(a+b+c)$ کے نصف کو m سے تعبیر کیا جائے تو

$$\text{مثلث کا رقبہ} = \sqrt{m(m-a)(m-b)(m-c)}$$

یہ ضابطہ (فارمولا) مساحت میں کس درجہ مفید ہے، یہ تو مساحین (SURVEYERS) ہی بتا سکتے ہیں مگر تاریخِ فکر انسانی کے ریلے میں جو سوال آتا ہے وہ یہ ہے کہ یہ ضابطہ جس نے پیمائش زمین اور

سروے کو بازیچہ طفلان بنا دیا ہے آخر ہے کس عبقری کی دریافت؟ بد قسمتی سے موجودہ تواریخ (شمول تواریخ ریاضیات) اس باب میں کوئی رہنمائی نہیں کرتیں۔ اُدھر اہل مغرب کے ثقافتی تفوق سے ہمارے اذہان بستے مرعوب ہو گئے ہیں کہ ہر چھوٹی بڑی ایجاد و دریافت کو فضلانے یورپ کی جانب منسوب سمجھ لیتے ہیں۔ ورنہ ان اکتشافات کے یونانی الاصل ہونے کا مفروضہ تواریخ ثقافت کے تمام پیچیدہ مسائل کا بڑا آسان حل ہے کیونکہ کچھ ایسا خیال کیا جاتا ہے کہ اللہ کی دین انہیں دو قوموں کے حصے میں آئی ہے۔ لیکن ایسا نہیں ہے۔ اللہ کی دین عام ہے اور دوسری اقوام کے حصے میں بھی آئی ہے۔ ان غیر یورپی اقوام میں مسلمانوں کا خاص مقام ہے جن کی مساعی جمیلہ سے قرون مظلمہ میں بھی علم کی شمع روشن رہی۔ حکمائے اسلام نے یونان سے ان کے علوم لے کر یورپ تک پہنچانے ہی پر اکتفا نہیں کیا، بلکہ انہوں نے یونان کے بوسیدہ علمی و ادبی سرمایہ کو جو قفل بر قفل مقفل تھا، اپنی ذہانت و طباعی سے چار چاند لگا کر اور آتے والی تہذیبوں کے لیے ایک مقدس ورثہ بنا کر چھوڑا۔ انہوں نے اقلیدس و ایلوینوس، ایرن و ایشمیدس، تاوڈ و سیوس و مانالاؤس کی مذہبی تصانیف کے نقل و ترجمہ ہی پر بس نہیں کیا، بلکہ ان کی کوتاہیوں کی اصلاح کی اور جہاں تک وہ نہ پہنچ سکے تھے وہاں پہنچنے کی کوشش کی اور پہنچے۔ انہیں مہندسین اسلام میں خاندان ابو موسیٰ کو خاص اہمیت حاصل ہے۔ مثلث کا رقبہ نکالنے کا محررہ بالا ضابطہ انہیں بنو موسیٰ کی دریافت ہے (اس کی تفصیل آگے آرہی ہے)۔

بنو موسیٰ کا مورث اعلیٰ موسیٰ بن شاہرہ خلیفہ مامون الرشید (۱۹۸-۲۱۸) کے درباری مخجون میں ایک مخصوص شخصیت رکھتا تھا۔ اسے نجوم کے علاوہ علم ہندسہ میں بھی یدِ طولیٰ حاصل تھا۔ اور ریاضی و ہندسہ کے ساتھ فطری شغف اس کی اولاد نے بھی باپ سے ورثہ میں پایا تھا۔ ابن القفلی نے لکھا ہے:

”موسیٰ بن شاہرہ مقدم فی علم الهندسة“

هو و بنوہ محمد بن موسیٰ و احمد اخوہ
والحسن اخوہما۔ وکانوا جميعا متقدمين
فی النوع الرياضی و هیئة الافلاك و
حركات النجوم۔ وکان موسیٰ بن شاہرہ
هذا مشهورا فی ہنجی المامون وکان بنوہ
الثلاثة البصراناس بالهندسة و علم الحیل و

موسیٰ بن شاہرہ علم ہندسہ میں مشہور تھا۔ وہ اور اس کے تینوں بیٹے محمد، احمد اور حسن علوم ریاضی، ہیئت اور حرکات نجوم میں صف اول کے علما میں محبوب ہوتے تھے۔ اور یہ موسیٰ بن شاہرہ مامون الرشید کے درباری مخجون میں ممتاز تھا۔ اس کے تینوں بیٹے مہندس اور علم الحیل (MECHANISM) میں اپنے زمانہ کے ممتاز ترین مہندسین میں سے تھے۔ انہوں نے علم الحیل میں ایک عجیب و غریب کتاب بھی تصنیف کی تھی جو ”حیل ہی مویا“

ولہم فی ذلک بالکف عجبیدہ تعارف بحیل بنی موسیٰ[ؑ] کے نام سے مشہور ہے۔

موسٰی بن شاہر کے مرنے پر مامون الرشید نے اس کے لڑکوں کی پرورش اپنے ذمہ لی اور انہیں بیت الحکمۃ میں بھیجی بن ابی منصور کی نگرانی میں تربیت دلائی۔ مامون کو بنو موسٰی کے حالی پر اس درجہ عنایت تھی کہ جب وہ ۲۱۸ھ میں غزوہ روم کے لیے گیا تو وہاں سے ان کی خیریت دریافت کرنا رہتا اور اسحاق بن ابراہیم المصعبی کو ان کی خبر گیری کے لیے تاکید لکھتا رہتا تھا۔ یہاں تک کہ اسحاق اس التزام سے گھبرا گیا اور کہنے لگا کہ مامون نے تو مجھے بنو موسٰی کی واپہ بنا دیا ہے۔

مامون الرشید کی اس خصوصی تربیت نے ان لڑکوں کو قلم و خلافت کا گوہر شب چراغ بنا دیا۔ ابن القفل لکھتا ہے: فخر ج بنو موسٰی بن شاہر لہا یتا فی علومہ مدعۃ۔

یہ تینوں بھائی نہ صرف خود صاحب کمال تھے بلکہ مرنے والے بھی تھے۔ علم و حکمت کی سرپرستی انہوں نے اپنے مرنے والے (مامون) سے سیکھی تھی۔ اپنی ذاتی آمدنی کا بہت بڑا حصہ یہ لوگ علم و حکمت کی نشر و اشاعت میں صرف کرتے تھے۔ بنو موسٰی کی دولت و ثروت کا اس سے اندازہ لگایا جاسکتا ہے کہ بڑے لڑکے ابو جعفر محمد کی سالانہ آمدنی دار الخلافہ، فارس اور دمشق کی جاگیروں سے چار لاکھ دینار تھی اور احمد کی تقریباً ستر ہزار دینار سالانہ۔ اس دولت و ثروت کا بڑا حصہ یہ خاندان علم و حکمت یا مخصوص ریاضی و ہندسہ کے فروغ و اشاعت پر صرف کرتا تھا۔ ذی علم، فصیح اور بلیغ مترجمین کی ایک جماعت خود ان کی نگرانی میں نقل و ترجمہ کی خدمات انجام دیتی تھی۔ جس میں اس زمانہ کے بہترین اہل فن داخل تھے جیسے جنین بن اسحاق، ثابت بن قرہ وغیرہ۔

بنو موسٰی نے صرف اپنی دولت و ثروت ہی سے علم و حکمت کی سرپرستی نہیں کی بلکہ بہ نفس نفیس ان علوم قدیمہ میں کمال حاصل کیا بالخصوص ریاضی و ہندسہ میں۔ چنانچہ بڑا بھائی محمد ہندسہ و نجوم کا ماہر اور اصول اقلیدس کا زبردست عالم تھا۔ مہلا بھائی احمد بڑے بھائی سے علمیت میں کم تھا مگر علم الجیل یا میکانیات میں اپنی نظر نہ رکھتا تھا۔ تیسرے بھائی حسن کو علم ہندسہ سے خصوصی شغف تھا اور اگرچہ اس نے رسم معروف کے مطابق پوری اصول اقلیدس و تیرہ مقالے بھی نہیں پڑھی تھی، مگر صرف پہلے چھ مقالے (نصف سے لے کر کم) پڑھے تھے مگر اللہ تعالیٰ نے اسے ذہن ثاقب اور فکر وساعطا کئے تھے۔ اس کا نتیجہ تھا کہ جہاں تک اور لوگ

وسعت مطالعہ کے بعد بھی نہ پہنچ سکے تھے وہ محض اپنی طرح و قواد کی مدد سے پہنچ گیا۔ حسن کا نام عہد قدیم کے مسائل
تشریح کے حل کے ساتھ، نیز مشلت کا رقبہ نکالنے کے ضابطہ کی دریافت کے ساتھ وابستہ ہے۔ (تفصیل آگے
آ رہی ہے)۔

بنو موسیٰ متعدد کتابوں کے مصنف تھے۔ ابن الندیم نے ان کی مندرجہ ذیل کتابیں گنوائی ہیں:

- ۱- کتاب بنی موسیٰ فی القرسطون -
 - ۲- کتاب الحیل لاحمد بن موسیٰ -
 - ۳- کتاب الشكل المدور والمستطیل للحسن بن موسیٰ -
 - ۴- کتاب حرکت الفلک الاولیٰ مقالة لمحمد -
 - ۵- کتاب المخروطات -
 - ۶- کتاب المثلث لمحمد -
 - ۷- کتاب الجزء لمحمد -
 - ۸- کتاب الشكل الهندسی الذی بین جالینوس ^{لمحمد} -
 - ۹- کتاب بین فیہ بطریق تعلیمی مذهب ہندی -
 - ۱۰- کتاب لیس فی خدایح کونہ الکواکب الثانیہ کونہ ^{تیسرے} -
 - ۱۱- کتاب فی ادلیۃ العالم لمحمد -
 - ۱۲- کتاب المسئلة اللتی القاها علی سید بن علی ^{محمد} -
 - ۱۳- کتاب مسائل حجت البیاضین مندوبین احمد -
 - ۱۴- کتاب مساحۃ الاکرو و قسمة الروایا بثلاثة -
 - ۱۵- افسانہ منسا ویدہ و وضع مقدا رین بلیت -
 - ۱۶- مقدا رین لیتوالی علی نسبتہ واحداۃ -
 - ۱۷- کتاب مساحۃ الاکرو و قسمة الروایا بثلاثة -
- ان میں سے اکثر کتابیں ناپید ہو چکی ہیں۔ بہر حال بنو موسیٰ کی مہدسی کوششوں کا جو تذکرہ تاریخ نے محفوظ رکھا
ہے حسب ذیل ہے:

۱۔ بنو موسیٰ کا سب سے بڑا کارنامہ ابونیوس (APOLLONIUS) کی کتاب المخروطات (CONICS)
کو باوجود حادث کے جھونکوں سے محفوظ رکھنا ہے، جنہوں نے عہد قدیم کے بڑے بڑے بیش قیمت علمی شہ پاروں
کو صفحہ و ہر سے ایسا نابود کیا کہ آج کوئی ان کا نام بھی نہیں جانتا۔ علمی دنیا بنو موسیٰ کے احسان سے کبھی سکڑش
نہیں ہو سکتی۔ اگر بنو موسیٰ اس کتاب کی تلاش و محسوس میں یہ اقتنا و اہتمام نہ کرتے تو یہ کتاب کب کی ناپید ہو
چکی تھی اور یورپ کے ریاضی دان بھی باوجود اپنی کاوش و کوشش کے اسے نہ پائے۔ چنانچہ یہ واقعہ ہے کہ
سترہویں صدی میں جب گریوری اور ہیلے نے اس ہندسی شاہکار کو اصل یونانی میں تلاش کیا تو صرف پہلے چار
مقالے مل سکے۔ آخری چار مقالے باوجود انتہائی کوشش کے نہیں ملے، اگر ملے تو عربی ترجمہ میں اور انہیں

کی ندو سے بیسے (HALLEY) نے اس کتاب کو ایڈٹ کیا

ہندو سرسوں بھی ایک عمیر الفہم فن ہے مگر مخروطات اور بھی مشکل ہے اور اسی وجہ سے قدیم زمانہ سے اس کی تعلیم و تدریس اور (اس غرض سے) اس کی نقل و تفسیح کا رواج بہت کم رہا ہے۔ ابن القفطی خود بنو موسیٰ کے حوالے سے اس صعوبت کا ذکر کرتا ہے :

بنو موسیٰ نے کتاب المخروطات کے مقدمہ میں ذکر کیا ہے کہ ابلو بنو اسکندریہ کا رہنے والا تھا۔ انہوں نے یہ بھی ذکر کیا ہے کہ اس کی کتاب المخروطات کئی دہوں سے خراب ہو گئی ایک وجہ تو اس کے نقل کرنے کی دقت تھی اور اس کی تصحیح میں پوری احتیاط فرمنا نہیں رکھی گئی۔ دوسری وجہ یہ تھی کہ کتاب پرانی ہو گئی اور اس کی شہرت ختم ہو گئی اور اس کے اجزاء منتشر طور پر لوگوں کے پاس باقی رہے۔ بیان تک کہ عقداں میں ایک شخص اولیقوس (EUTOCIVUS) ظاہر ہوا جو علم ہندسہ میں ید طولیٰ رکھتا تھا..... جب اس نے اپنے مقدمہ پر اس کے اجزاء کو جمع کر لیا تو اس کے پہلے چار مقالوں کی اصلاح کی۔

و ذکر بنو موسیٰ بن شاگردی اذل کتاب
المخروطات ابن ابلو بنوس کان من اهل
الاسکندریة و ذکر وان کتابہ فی المخروطات
فسد لاسباب منها استضعاب نسخہ و
ترک الاستقصا لتصحیحہ والثانی ان
الکتاب درس وانصحی ذکرہ وحصل متفرقا
فی ایدی الناس الی ان ظہر رجل بعسقلان
یعرف باولیقوس وکان هذا امیر زانی
علم الهندسة..... فلما ان جمع ما
قدس علیہ من الکتاب اصلح فیہ اربع
مقالات

اس طرح یہ کتاب بعثت اسلام کے قبل ہی خود یونان میں نایاب ہو چکی تھی۔ جب مامون الرشید کے زمانہ میں بلا دورہ سے یونانی علوم کی کتابیں بغداد پہنچیں تو اس کتاب کا پہلا جزء بھی منتقل کیا گیا جو سات مقالوں پر مشتمل تھا مگر ترجمہ ہونے کے بعد پتہ چلا کہ اس کے آٹھ مقالے ہیں اور آٹھواں مقالہ پچھلے سات مقالوں کے مضامین کے علاوہ بعض نئے مضامین پر مشتمل ہے اور یہ کہ اس میں بعض دلچپ مباحث بھی ہیں مگر آج تک اس آٹھویں مقالے کا پتہ نہیں چلا۔ چنانچہ خود بنو موسیٰ نے اس کے مقدمہ میں لکھا ہے :

وقال بنو موسیٰ ان الکتاب ثمانی مقالات
والموجود فیہ سبع مقالات وبعض التاسعة
بنو موسیٰ نے کہا کہ مخروطات میں آٹھ مقالے ہیں مگر صرف سات
مقالے اور کچھ آٹھواں مقالہ (چار ٹکڑیں) موجود ہیں۔

غرض بنوموسیٰ کی علم دوستی و علم نوازی نے ریاضیات کی اس متاعِ گم گشتہ کی تلاش و جستجوس میں کوئی دقیقہ فرو گذاشت نہیں کیا پہلے چار مقالوں کو عربی میں ہلال بن ہلال الجھسی سے اپنی نگرانی میں ترجمہ کرایا۔ باقی چار مقالوں کی تلاش و تھنص کے لیے مشہور ریاضی دان ثابت بن قرہ کو مامور کیا جس نے ان کی ہمت افزائی و مہنر پروردی سے پانچویں، چھٹے، ساتویں مقالے نیز آٹھویں مقالے کی چار شکلوں کا پتہ لگا کر ان کا عربی میں ترجمہ کیا۔ اس کے بعد محمد بن موسیٰ نے اس کتاب پر ایک بصیرت افروز مقدمہ لکھا۔

بنوموسیٰ نے کتاب المحرّوطات کی تحریر و ترتیب (EDITION) ہی پر اکتفا نہیں کیا، بلکہ فن محرّوطات میں نئی اشکال (THEOREMS) کا بھی اضافہ کیا۔ ان نئی شکلوں میں سے ایک شکل "شکل بنی موسیٰ" کے نام سے مشہور ہے جس پر آگے چل کر ابن الہیثم (المتوفی ۱۰۳۷ء) نے تبصرہ لکھا۔

بنوموسیٰ کے مرتب کردہ "محرّوطات" کو ۱۷۷۲ء میں ابوالفتح الاصفہانی نے از سر نو ترتیب دیا۔ اسی ترتیب جدید سے ابراہام ایچی لینس (ABRAHAM ECHELLEUSIS) اور گیراکو موٹافانو بوریلی (GIRACOMO ALPHONSO BORELLI) نے پانچویں، چھٹے اور ساتویں مقالوں کا لاطینی زبان میں ترجمہ کر کے ۱۷۱۶ء میں فلورینس سے شائع کیا۔

چھٹی صدی ہجری میں عبدالملک الشیرازی نے آخر کے تین مقالات کا ایک خلاصہ مرتب کیا۔ ساتویں صدی میں محقق طوسی نے ریاضی و مہیئت کی دوسری کتابوں کی طرح ۶۵۰ء میں اس کا نیا ایڈیشن "ترتیب المحرّوطات" کے نام سے ترتیب دیا۔

ہلال بن ہلال الجھسی کے پہلے چار مقالات کا ترجمہ بوٹلین میں موجود ہے۔ ثابت بن قرہ کے آخری تین مقالات کا ترجمہ بھی بوٹلین میں موجود ہے۔ (نمبر ۸۸۵)، عبدالملک الشیرازی کا خلاصہ محرّوطات بھی بوٹلین لائبریری میں ہے (نمبر ۹۱۳)۔ محقق طوسی کے "تحریر المحرّوطات" کے دو نسخے بوٹلین میں ہیں جن میں سے ایک پرسن کتابت ۱۷۷۲ء مرقوم ہے (یعنی تصنیف کے صرف پچاس سال اور محقق طوسی کی وفات کے اٹھائیس سال بعد)۔ دوسرا گیارھویں صدی کا لکھا ہوا ہے۔

بوٹلین کے نسخہ نمبر ۸۸۵ (ثابت بن قرہ کا ترجمہ) محقق طوسی کی تحریر المحرّوطات (بوٹلین نمبر ۹۱۳) عبدالملک الشیرازی کے خلاصہ محرّوطات (بوٹلین نمبر ۹۱۳) اور بوریلی (BORELLI) کے لاطینی ترجمہ

کی مدد سے جیلے (HALLEY) نے ۱۷۷۱ء میں آکسفورڈ سے محرم و طوات کا معیاری ایڈیشن شائع کیا اس تفصیل سے واضح ہو گیا ہو گا کہ اگر بنو موسیٰ نے اس کتاب کے آخری مقالوں کی تلاش و تجسس میں اعتناء و اہتمام نہ برتا ہوتا تو یونانی فکر کا یہ ہندسی شاہکار محققین یورپ کو آج زیارت کے لیے بھی نہ ملتا۔ اس حیثیت سے بنو موسیٰ کی یہ علمی کاوش غیر معمولی اہمیت کی مستحق ہے۔ اور دنیا کے علم و ادب اُن کے احسان سے کبھی سبکدوش نہیں ہو سکتی۔

ب۔ بنو موسیٰ کا دوسرا کارنامہ ان کی "کتاب الحیل" ہے جو میکاتک (MECHANICS) کی ادنیٰ عالمیہ میں محبوب ہونے کی مستحق ہے۔ بلکہ بنو موسیٰ کی غیر معمولی شہرت کا باعث ہی اُن کا علم الحیل میرا کمال ہونا ہے اور اسی نسبت سے وہ مشہور ہیں۔ ابن خلدون لکھتا ہے:

الذین ینسب الیہم حیل بنی موسیٰ وہم مشہورون لہذا
اسی طرح ابن القفطی نے لکھا ہے:

وکان بنوہ الثلاثة البصر الناس بالہند
وعلما الحیل ولہم فی ذالک تالیف عجیبة
تعرف بحیل بنی موسیٰ وہی شریف الاغراض
عظیمة الفائدة
اور اس کے نتیجوں لڑکے جو میٹری اور میکاتکس میں اپنے معاصرین کے اندر سے زیادہ بصیرت رکھتے تھے اور میکاتکس میں ان کی ایک عجیب و غریب تصنیف ہے جو "حیل بنی موسیٰ" کے نام سے مشہور ہے۔ اس کے مفاد بڑے عمدہ ہیں اور وہ بہت زیادہ مفید ہے۔

اسی طرح ابن خلدون لکھتا ہے:

وقد افرد بعض المؤلفین فی ہذا الفن کتابا
فی الحیل العملیة من الصناعات الغریبة
والحیل المستظرفة کل عجیبة ودرہما
استغلق علی الفہوم لصحوبة براہیمہ
الہندسیة وهو موجود بایدی الناس

بیشبوندہ الیٰ یعنی شاکر“

بنوموسیٰ بن شاکر کی طرف منسوب ہے۔

علم الجیل ایک قدیم فن ہے جس کا آغاز دیگر علوم کی طرح یونان میں ہوا تھا۔ علم الجیل کے قدیم یونانی ماہرین میں ارخولاس (ARCHYTOS)، ارشمیدس (ARCHIMEDES) طے سی بیس (CTESIBIUS) اور فیلون باشندہ باز نظیم (PHILO OF BYZANTIUM) کے نام مشہور ہیں۔ ان کی کتابوں کے نام تو معلوم نہیں لیکن اس فن کے ایک قدیم ماہر و ڈروویس (VITROVIUS) نے اپنی کتاب (DE ARCHITECTURA) میں ان ماہرین قدیم کے حوالے دیئے ہیں۔ ڈروویس کے بعد ایران کا زمانہ آتا ہے جو سن مسیحی کے آغاز سے پہلے اسکندریہ میں رہتا تھا۔ اس نے ”علم الجیل“ نیز (HYDROMECHANICO) پر متعدد کتابیں لکھی تھیں۔ لیکن قبول عام و بقائے دوام صرف اس کی ”کتاب الجیل“ ہی کو نصیب ہوا۔ جس کے سامنے نہ صرف قدما کی کتابیں گوشہ گنماہی میں دفن ہو گئیں بلکہ خود ایرن (HERON) نے ان فنون میں جو اور کتابیں لکھی تھیں ماند ہو کر رہ گئیں۔ چنانچہ ابن النذیم کے زمانہ میں اس کی دو تین کتابوں ہی کا ذکر ملتا ہے یعنی

کتاب الجیل الروحانیہ

کتاب جیل الافعال

کتاب الاشیاء المتحرکہ من ذواتہا (ON AUTOMATA) ۳

اس سلسلے میں بنوموسیٰ کا پہلا کارنامہ تو یہ ہے کہ غالباً ان کے ایسا سے ثابت بن قرہ نے ایران کی کتاب الجیل اور قسطنطنیہ کے کتاب القریسطون کا عربی میں ترجمہ کیا۔ مخروطات البونیوس کے آخری مقالوں کی طرح ایرن کی کتاب الجیل (MECHANICS) بھی آج اصل یونانی میں ناپید ہے۔ اگر موجود ہے تو صرف عربی میں۔ جس سے ترجمہ کر کے NIX اور SCHMIDT نے ۱۹۰۰ء میں اسے ایران کی کلیات کے جلد دوم میں شائع کر دیا ہے۔ اس طرح عہد قدیم کے اس نادر و نایاب علمی تحفہ کی بقا و تحفظ صرف بنوموسیٰ کی کوشش کا نتیجہ ہے۔ کارادھی فوان کتابوں کی اہمیت اور ان کے بقا و تحفظ کے لیے مسلمانوں کی کوشش کا ذکر کرتے ہوئے لکھتا ہے :

“THEY PRESERVED FOR US IN THEIR TRANSLATIONS A NUMBER OF GREEK WORKS, THE ORIGINALS OF WHICH HAVE

BEEN LOST: THREE BOOKS OF THE COMICS OF APOLLONIUS
 THE MECHANICS OF HERO OF ALEXANDRIA A
 SHORT BOOK ON THE BALANCES FOR WHICH SERVICES
 WE CANNOT BE TOO GRATEFUL TO THEM.

مسلمانوں نے اپنے تراجم میں یونانی ہندسہ کی بہت سی تصانیف کو محفوظ رکھا ہے جن کی یونانی اصلیں ناپید ہو چکی ہیں۔ مثلاً مخروطات البونیوس کے آخری تین مقالات ایرن اسکندرانی کی کتاب الحیل قرسطون پر ایک مختصر رسالہ ان خدمات جلیلہ کے لیے ہم ان کا کمال تک شکر یہ ادا کر سکتے ہیں۔ لیکن علم الحیل کے سلسلے میں بنوموسیٰ کا اصل کارنامہ خود اُن کا اس فن میں تبحر ہے۔ حکمائے یونانی میں "علم الحیل" کے اندر ایرن حرف آخر سمجھا جاتا تھا۔ مگر بنوموسیٰ بالخصوص منجملے بجائی احمد بن موسیٰ نے اس فن کو ترقی کی جس سرچ کمال تک پہنچایا اس کے پیش نظر قدر مار سٹی کہ ایرن کے کمالات علیہ عجیب ماند ہو کر رہ گئے۔ چنانچہ ابن القفطی لکھتا ہے:

وكان احمد دون اخيه في العلم الاصل
 الحيل فانه قد فتح له فيها ما لم يفتح
 مثله لاخيه محمد ولا غيره من القدماء
 والمتحقيقين بالحيل مثل ايون وغيره -

احمد علم وفضل میں اپنے بجائی محمد سے کم تھا سوائے علم الحیل (میکانکس) کے کیونکہ اس کے اندر اسے وہ انکشافات ہوئے تھے جو نہ اس کے بجائی محمد کو ہوئے نہ اور کسی کو حتیٰ کہ علم الحیل کے قدیم ماہرین مثل ایرن وغیرہ کو بھی نہیں ہوئے۔

یہ ایک صاحب نظر کا تبصرہ ہے جس کے سامنے بنوموسیٰ کی کتاب الحیل کے علاوہ قدیم علمائے میکانکس بالخصوص ایرن کی تصانیف بھی تھیں۔ اس کتاب کی عظمت و اہمیت کا دوسرا شاہد ابن خلدان ہے جس نے اسے خود دیکھا تھا۔ وہ لکھتا ہے:

وله في الحيل كتاب عجيب نادر مشتمل على
 كل غريبة ولقد وقتت عليه فوجدت له
 من احسن الكتب وامتعتها
 كرزمانہ کی تمام طرفیں کیئے یا قدر ناشناسی کہ "احسن الكتب وامتعتها" ابھی تک گوشہ گمنامی میں پڑی ہے۔

اس کا ایک نسخہ روم کی ویٹیکن لائبریری میں ہے نمبر ۳۱۴۔ ایک زندہ قوم (یورپ) کو اپنے اسلاف کی کارگزاریوں کو اجاگر کرنا تھا تو انہوں نے اُسے اگر وہ (ایرن کی کتاب الحیل) اصل یونانی میں نہیں ملی تو اس کے عربی ترجمہ ہی کی مدد سے شائع کر دیا۔ لیکن بنوموسیٰ کی کتاب الحیل ابھی اصل عربی میں موجود ہے کاش ان کے اختلاف کو بھی اس کی توفیق ہو

ج۔ بنوموسیٰ کا تیسرا کارنامہ بقول ابن خلکان محیط ارضی کی پیمائش ہے۔ چنانچہ وہ لکھتا ہے:

بنوموسیٰ کے کارناموں میں سے جن کے لیے وہ اسلامی تاریخ میں مختص ہیں اور جنہیں وہ اپنے علم و فضل کے ذریعہ قوت سے فعل میں لے آئے۔ اگرچہ اسلام سے پہلے کے معیت دانوں نے بھی اس کام کو کیا تھا لیکن اسلامی تاریخ میں ان سے پہلے کسی کے متعلق یہ تذکرہ نہیں ملتا کہ اس نے اس کام کو کیا ہو۔ وہ کام یہ ہے کہ مامون الرشید یونانی علم و حکمت اور اس کی تحقیقات کا بہت زیادہ شہساز تھا۔ اس نے پڑھا تھا کہ ارض کا گھیرا محیط ارضی راجح میں ہزار میل ہے۔ پس مامون نے اس کی حقیقت پر مطلع ہونا چاہا۔ لہذا اس نے بنوموسیٰ سے پوچھا۔ انہوں نے کہا بے شک یہ صحیح بات ہے تو مامون نے کہا میں چاہتا ہوں کہ جس طریقہ کا متقدمین نے ذکر کیا ہے تم اس کے مطابق عمل کرو تاکہ ہم دیکھیں کہ آیا یہ نتیجہ برآمد ہوتا ہے یا نہیں۔ پس انہوں نے ہزار ہزار چورس زمین تلاش کرانی کہ کسی علاقہ میں ہے تو انہیں بتایا گیا کہ صحرائے سنجا اور اسی طرح زمین کو ذہبت زیادہ چورس ہیں۔ پس وہ ایک جماعت کو جن پر مامون کو اعتماد تھا امدین کی معرفت فن کا اسے اطمینان دے کر سنجا کی طرف گئے۔

ولما اخصوا بآية في ملّة الاسلام واخرجوه من القوة الى الفعل وان كان ارباب الارصاد المتقدمون على الاسلام قد فعلوه لكن لم ينقل ان احد من اهل هذه الملة تصدى له وفعله الا هم۔ وهوان المامون كان مغري بعلوم الاوائل وتحقيقتها وسراى فيها ان دور كرمّة الارض اربعة وعشرون والى ميل فلراد المامون ان يقف على حقيقته ذلك فسأل بنى موسى المذکور عنه فقالوا نعم هذا قطعى۔ فقال اريد منكم ان تعملوا الطريق الذى ذكره المتقدمون حتى نبصر هل يتجر ذلك ام لا فاضاً لوما عن الاراضى المتساوية فى اى بلاد هى فيقول لهم حمرأء سنجا فى غائبة الاستواء وكان كذلك وطأت الكوفة فاحذوا معهم جماعة ممن يثق المامون الى اقوالهم ويركن الى معرفتهم لهدا الصنعة وخرجوا الى سنجا۔

اس کے بعد بطریق معروف خط نصف النہار ارضی کے وزجہ واحدہ کی مسافت معلوم کی جو $\frac{1}{2}$ جو ۶۶ تھی۔ اس طرح محیط ارضی کا طول چوبیس ہزار میل ہوا۔ انہوں نے واپس آکر مامون کو بتایا مگر اس نے اس تجربہ کو میدان کو فریب دوبارہ کرایا اور دونوں حسابات برابر اترے۔ اس سے مامون کو قدامت کی تحقیق کی صحت کا یقین ہو گیا۔

لیکن ابن خلدکان کی یہ روایت بوجہ ذیل محل نظر ہے :

اولاً ۲۱۸ھ میں جس سال مامون وہم کے غزوہ پر گیا تھا اور جس سال اس نے وفات پائی بنو موسیٰ نو عمر بچے تھے جنہیں وہ بغداد کے گورنر کی نگرہداشت میں چھوڑ گیا تھا۔ اس سے ظاہر ہے کہ وہ ابھی اس قابل نہ ہوئے تھے کہ محیط ارضی کی پیمائش جیسا ذمہ داری کا کام ان کے سپرد کیا جاسکے۔ ثانیاً مورخین نے رصد گاہ مامونی کے متولیبوں کے نام تحریر کئے ہیں مگر ان میں بنو موسیٰ کا نام نہیں ہے۔ مثلاً ابن القفطی العباس بن سعید الجوسہری کے تذکرے میں لکھا ہے :

فہو من فقہہ سند بن علی و خالد بن عبد
الملك المرزى و یحییٰ بن ابی منصور
اول من رصد فی الملتۃ الاسلامیہ ثلث
تبعہما الناس بعد ذلك -
پس عباس بن سعید الجوسہری اور اس کے رفقاء سند بن علی
خالد بن عبد الملک المرزوی اور یحییٰ بن ابی منصور مسلمانوں
میں پہلے ہیئت دان ہیں جنہوں نے رصد گاہ کام کیا۔ بعد کے
لوگوں نے انہیں کی تقلید کی

مسلمانوں میں سب سے پہلی رصد گاہ مامون الرشید نے قائم کی تھی اور اسی نے محیط ارضی کی پیمائش کرائی تھی۔ لہذا ابن القفطی کی محررہ بالا عبارت سے ظاہر ہے کہ محیط ارضی کی پیمائش کا انصرام بنو موسیٰ سے منسوب کرنا صحیح نہیں ہے۔

ثالثاً قاضی زادہ رومی نے شرح چینی میں ”میل کلی“ کی تعداد کے ضمن میں لکھا ہے کہ بنو موسیٰ کی رصد گاہ مامون کی رصد گاہ کے بعد قائم ہوئی :- المیل الثانی..... ہی نہایت میل دائرۃ البروج
بین محلہ النہار و مقدارہا کجہ لہ (۲۳ درجہ ۳۵ دقیقہ) علی ما وجدہ بارصاد المامون و رصد بنی موسیٰ
بعدہ ہذا بہر حال قاضی زادہ کی تصریح سے اتنا ثابت ہے کہ تاریخ اسلام میں دوسری رصد گاہ بنو موسیٰ نے قائم
کی۔ اس کی تصدیق مورخین نے بھی کی ہے جو بنو موسیٰ کو علم الہدیت کے کلمہ میں محسوب کرتے ہیں۔ مثلاً

ابن التیم لکھتا ہے:

”وكان الغالب عليه من العلوم الهندسة
بنوموسیٰ کو علوم حکمیہ میں سے خاص طور سے ہندسہ..... اور
..... والنجوم“
ہیئت کا شوق تھا۔

اسی طرح ابن القظلی ان کے باپ موسیٰ بن شاکر کے ترجمہ میں لکھتا ہے:

”موسیٰ بن شاکر مقدم فی علم الهندسة و
بنوموسیٰ بن شاکر اور اس کے بیٹے علم ہندسہ میں مقدم سمجھے جاتے
تھے..... یہ لوگ فنون ریاضیہ، علم الہیت اور اجرام
النوع الرياضی و هیئۃ الافلاک حرکات النجوم
فلکی کی حرکت کے انقباض میں پیشوائے فن تھے۔

بہر حال علم ہیئت میں دیگر کارناموں کے ساتھ ان کا کارنامہ یہ ہے کہ انہوں نے ثابت کیا کہ آسمان تو نہیں ہے جیسا
کہ عام طور پر مشہور تھا۔ چنانچہ اس موضوع پر ایک مستقل کتاب لکھی: ”کتاب بین قیدہ بطریق تعلیمی و
مذہب ہندسی اندہ لیس فی خارج کرة الکواکب الثانیة کرة تاسعة۔“

۵۔ بنوموسیٰ کا چوتھا کارنامہ حد قدیم کے مسائل مثلثہ کے حل کی کوشش ہے۔ یونانی ہندسہ میں قدیم
زمانہ سے تین مسائل عرصہ چلے آتے تھے:

۱۔ مربع دائرہ (QUADRATURE OF A CIRCLE) ایک دیئے ہوئے دائرے کے
برابر مربع بنانا۔ یا محیط اور قطر کی نسبت (π) کو دریافت کرنا۔

۲۔ تصحیف کعب (DUPLICATION OF A CUBE) ایک دیئے ہوئے کعب کے
ٹھیک و گنے کے برابر کعب بنانا۔

کتنے ہیں یونان میں کسی عورت نے منت مانی تھی کہ اگر اس کی مراد پوری ہوگی تو وہ ڈانسا کے مندر
کو جو کعب شکل کا تھا دگنا کر دے گی۔ مراد پوری ہوئی اور عورت نے ایسے تدر کے لیے مندر کے
طولی و عرض کو حسب سابق رکھا مگر ارتفاع دگنا کر دیا۔ دیوہی نے خواب میں اس پر عتاب کیا کیونکہ اب
مندر کعب کے بجائے لمبوتر ہو گیا اور کعب ہونا ڈانسا کے مندر کی خصوصیت تھا۔ اب عورت نے یہ
کیا کہ طول، عرض اور ارتفاع تینوں کو دگنا کر دیا۔ اس طرح مندر کی کعب شکل برقرار رہی۔ دیوہی نے پھر
اسے خواب میں وعدہ خلائی پر زبرد تو بیخ کیا کیونکہ اب مندر بجائے دگنے کے آٹھ گنا ($8 = 2 \times 2 \times 2$)

ہو گیا تھا۔ عورت بڑی پریشان ہوئی اور اس نے جا کر ہندسین سے ایفائے نذر میں مدد چاہی۔ مگر اس مسئلے کا حل کسی کے پاس نہ تھا اور سب حیران تھے۔

یہ حقیقت ہو یا افسانہ مگر واقعہ یہ ہے کہ قدیم زمانہ سے مکعب کو دگنا کرنے کا "مسئلہ ہندسین" کی کاوش فکر کا موضوع رہا ہے اور یہ بھی واقعہ ہے کہ محض اپرکار اور پٹری کی مدد سے آج تک اس کا حل دریافت نہیں ہو سکا۔

اس مسئلہ کی دوسری شکل یہ ہے کہ دو مقداروں کے درمیان دو ایسی مقداریں دریافت کرنا کہ چاروں مقداروں

عل التوالی (IN CONTINUED PROPORTION) ہوں۔

۳- تہلیث زاویہ (TRISECTION OF AN ANGLE) کسی دیئے ہوئے زاویہ

کو (محض پٹری اور پرکار کی مدد سے) تین برابر حصوں میں تقسیم کرنا۔

یہ ہیں عمد قدیم کے "تین مسائل عولیبہ" اور جنرل موسیٰ بالخصوص جنرل حسن بن موسیٰ نے ان کا حل دریافت کرنے میں کوئی دقیقہ اٹھا نہیں رکھا۔ ابن القفطی لکھتا ہے:

تیسرا لڑکا حسن علم ہندسہ میں ممتاز تھا۔ اس نے عجیب طبیعت پائی تھی جس میں کوئی اس کا نظیر نہیں تھا۔ اس نے جو کچھ سیکھا محض اپنی طبیعت کی اُپج سے سیکھا۔ اس نے اصول اقلیدس کے صرف چھ مقالے پڑھے تھے۔ جو نصف کتاب سے بھی کم ہوتے ہیں۔ لیکن اس کا فاضل عجیب و غریب تھا اور اس کی تخیل بہت زیادہ قوی تھی۔ اسی کا نتیجہ تھا کہ اس نے صرف اپنی طبیعت سے اُن مسائل کو حل کیا جنہیں متقدمین میں سے کسی نے حل نہیں کیا تھا جیسے زاویہ کی تہلیث اور دو خطوط کے درمیان ایسے خط دریافت کرنا کہ چاروں نسبت متوالیہ میں ہوں۔ پس وہ ان مسائل کی تخیل کرتا تھا اور انہیں دوسرے مسائل کی طرف لوٹاتا تھا لیکن آخر امر تک نہیں پہنچ پاتا تھا کیونکہ انہوں نے متقدمین کو عاجز کر دیا تھا۔ پس وہ اپنی فکر سے

وكان الحسن وهو الثالث منفرجاً بالهندسة
وله طبع عجيب فيها لا يداينه احد - علم
كل ما علم بطبعه ولم يقرا من كتب الهندسة
الاسمت مقالات من كتاب اقلیدس في
الاصول وهي اقل من نصف الكتاب ولكن
ذكره كان عجيباً وتخييله كان قويا حتى حدث
نفسه باستخراج مسائل لم يستخرجها احد
من الاولين كقسمة الزاوية بثلاثة اقسام
منساوية وطرح خطين بين خطين ذوى
توالى على نسبة فكان يحللها ويردها الى
المسائل الاحتر ولا ينتهى الى الفراغها
لانها قد اعيت الاولين فكان يروض
فكره فيها -

اس باب میں ریاض کرتا تھا۔

اس ارتیاضی فکر نے اس کے (حسن بن موسیٰ کے) مزاج میں استغراق و محویت کی وہ کیفیت پیدا کر دی تھی جو اکابرِ خلائے ہندسہ کی شان ہے یعنی محفل میں شریک ہوتا مگر اپنی ہندسی فکر میں اس درجہ غرق ہو جاتا کہ نہ کچھ سنتا نہ کسی بات کا احساس ہوتا۔ خود کہتا تھا کہ کبھی کبھی اس درجہ محویت چھا جاتی ہے کہ دنیا و ما فیہا اندھیرا معلوم ہونے لگے ہیں اور بے ہوشی اور خواب کی سی کیفیت طاری ہو جاتی ہے۔ ابن العفطی نے لکھا ہے:

وكان يروى فيها حتى اذله حكي عن

نفسه انه يخرق في الفكر في مجلس

فيه جماعة فلا يسمع ما يقولون

ولا يحس به وهذا قد يعرض لاصحاب

الهندسة قال ولقد فكرت يوماً

فاطلعت ثم قطعت الفكر لما عرفت

فيه فראيت الدنيا قد اظلمت في عيني

وكان مغشياً علي اوانا في حلمي

اور وہ اس باب میں ریاض کرتا تھا یاں تک کہ خود اپنے

بارے میں حکایت کرتا ہے کہ بھری مجالس کے اندر وہ غورو

فکر میں مستغرق ہو جاتا تھا پس اسے نہ کچھ سنا دیتا تھا

اور نہ کسی بات کا احساس ہوتا تھا۔ اور اکثر یہ کیفیت

ہندسین پر طاری ہو جاتی ہے۔ وہ کہتا ہے کہ ایک دن

میں غورو فکر میں مصروف تھا اور میرا فکدہ دماز ہو گیا۔ پھر

جب میں اس میں ڈوب گیا تو میں نے غورو فکر چھوڑ دیا تو دیکھتا

ہوں کہ دنیا میری آنکھوں میں تیرہ و تار ہو گئی اور گویا میں

بے ہوش ہو گیا ہوں۔ یا خواب دیکھ رہا ہوں۔

حسن بن موسیٰ کو اپنی طبع و قوا اور وجودت فکر پر اس درجہ اعتماد تھا کہ اس نے ایک دن برسرِ دربار مروزی سے جو اقلیدس و المسطحی کا جتید عالم تھا پتھر لینے کی شان لی۔ حسن نے اس سے کہا کہ ایک مسئلہ آپ مجھ سے پوچھیں اور ایک میں آپ سے۔ مروزی حسن کی ٹکڑ کا نہ تھا لہذا اس نے بات ٹالنے کو مامون سے کہا کہ میں اس اناڑی سے کیا مقابلہ کروں جس نے اقلیدس کے چھ مقالات کے سوا اور کچھ نہیں پڑھا۔ بات چھپتی ہوئی تھی اور مامون پر اثر کر گئی کیونکہ مامون کسی ایسے شخص کو جس نے اصول اقلیدس کے پورے تیرہ مقالے نہ پڑھے ہوں ہندس نہیں سمجھتا تھا۔ لیکن چونکہ وہ حسن کی ہندسی قابلیت سے واقف تھا اس لیے اس نے حسن سے استبعاداً و ریافت کیا۔ حسن نے اس الزام کا اقرار کیا مگر کہا کہ اقلیدس کے جو مقالات میں نے نہیں پڑھے ان میں کوئی شکل ایسی نہیں جو میں اپنی طبیعت کی مدد سے نہ نکال سکوں۔ لہذا اقلیدس کے پورا تیرہ حصے

سے بچ میں کوئی کمی نہیں ہے کیونکہ میری ذہنی قوت اس حد تک پہنچی ہوئی جو آپ دیکھ رہے ہیں۔ رام روزی تو اسے اقلیدس مکمل پڑھنے سے کیا حاصل ہوا کیونکہ وہ ایک مسئلہ کا بھی اپنی طبیعت سے استخراج نہیں کر سکتا اس طرح حسن بن موسیٰ نے ذہن ثاقب اور فکر رسا کی مدد سے ہندسہ کے ان مسائل ثلاثہ کو حل کرنے کی کوشش کی۔ اُس کی مساعی جمیلہ کا کچھ اندازہ بنو موسیٰ کی کتاب ”معرفة مساحت الاشکال البسیطة والکریبہ“ سے ہو سکتا ہے جسے دائرة المعارف حیدرآباد نے شائع کر دیا ہے۔ اس کی چھٹی شکل دائرے کے محیط اور قطر کی نسبت دریافت کرنے پر ہے۔ سترھویں شکل دو تعدادوں کے درمیان ایسی دو تعدادیں دریافت کرنے پر ہے کہ چاروں نسبت متوالیہ میں ہوں اور اٹھارویں شکل زاویہ کی تثلیث پر ہے۔

۷۔ بنو موسیٰ کا پانچواں کارنامہ مثلث کے رقبہ کے فارمولے کی دریافت ہے اور اسی کی توضیح و تبیین کے لیے یہ مضمون لکھا گیا ہے۔ یورپی مورخین اسے ایرن (HERON) کی طرف منسوب کرتے ہیں اور البیرونی اور سمیدس کی طرف۔ لیکن دونوں کی مصدقہ شہادت نہیں ملتی۔ بہر حال اس فارمولے کو بنو موسیٰ نے اپنی کتاب ”معرفة مساحت الاشکال البسیطة والکریبہ“ کی ساتویں شکل میں بدین طور بیان کیا ہے:

کل مثلث اذا ضرب نصف اضلاعه فی فضلہ علی کل ضلع من اضلاعه بان یضرب فی فضلہ علی احد اضلاعه ثورنی تائینہما ثم فی ثالثہا کان الحاصل مساویاً لضرب تکسیرہ فی نصفہ

اگر کسی مثلث کے اضلاع کے مجموعہ کے نصف کو اس نصف اور ایک ضلع کے فرق کے ساتھ ضرب دیا جائے اور پھر حاصل ضرب کو اس نصف اور دوسرے فرق میں ضرب دیا جائے اور پھر اس حاصل ضرب کو اس نصف اور تیسرے ضلع کے فرق میں ضرب دیا جائے تو آخری حاصل ضرب مثلث کے رقبہ کے مربع کے برابر ہوگا۔

$$\text{OR AREA OF } \triangle ABC = \sqrt{S(S-A)(S-B)(S-C)} \text{ WHERE } S = \frac{1}{2}(A+B+C)$$

مکن ہے یہاں یہ سوال پیدا ہو کہ شاید بنو موسیٰ نے اس فارمولے کو اپنے یونانی پیشروں سے لے

لے اخبار العلماء، اخبار الحکماء، صفحہ ۲۸۷-۲۸۸، استخراج الاوتاد للبیرونی، صفحہ ۶۱، معرفة مساحت الاشکال البسیطة والکریبہ شائع کردہ دائرة المعارف حیدرآباد، ضمن رسائل طوسی، صفحہ ۹۔

کر برسیل حکایت اپنی کتاب میں نقلی کر دیا ہو مگر یہ شک بے بنیاد ہے کیونکہ بنوموسیٰ نے کمال دیانتداری کے ساتھ اپنی اسی کتاب میں بتا دیا ہے کہ کون کون چیزیں انہوں نے اپنے پیشرووں سے لے کر نقل کی ہیں۔ نیز اس بات کی صراحت کی ہے کہ ان کے علاوہ باقی اشکال ان کی اپنی دریافت ہیں۔ چنانچہ ”معرفة مساحتہ الاشکال البسیطة والکریہ“ کے آخر میں لکھتے ہیں :

وکل ما وصفنا فی کتابنا فائدہ من عملنا
 الامعرفة بالمحیط من القطر فائدہ من عمل
 ارشمیدس والامعرفة و وضع مقدارین
 بین مقدارین متوالی علی نسبة واحدة
 فائدہ من عمل مانالاؤس کما مر ذکورا
 والحمد لله -

جو کچھ ہم نے بیان کیا ہے وہ سوائے دو مسئلوں کے سب ہماری دریافت ہے (وہ دو مسئلے یہ ہیں) (اولی) دائرے کے قطر سے اس کے محیط کو دریافت کرنا۔ یہ ارشمیدس کی دریافت ہے (دوم) دو دوئی ہوئی تعدادوں کے درمیان دو ایسی تعدادوں کا دریافت کرنا کہ چاروں مقادیر نسبت متوالیہ میں ہوں یہ مانالاؤس کی دریافت ہے۔ والحمد لله۔

پس ”معرفة مساحتہ الاشکال البسیطة والکریہ“ کی اٹھارہ شکلوں میں سے شکل ششم (دائرے کے محیط اور قطر کی نسبت) ارشمیدس سے اور شکل شانزہم (دو تعدادوں کے درمیان ایسی دو تعدادوں کا معلوم کرنا کہ چاروں متناسب علی التوالی ہوں) مانالاؤس سے ماخوذ ہیں۔ بقیہ سولہ شکلیں بنوموسیٰ کی اپنی دریافت ہیں اور انہیں میں ساتویں شکل ہے جو مثلث کے رقبہ کے فارمولے پر مشتمل ہے۔

لہذا مثلث کے رقبہ کا فارمولا بنوموسیٰ کی دریافت ہے۔ اور اس طرح علم و فن کی ترقی، انسانی فکر کی ثروت اور تہذیب و ثقافت کے ارتقا پر بنوموسیٰ کی جگہ کاویوں کا بڑا احسان ہے۔

کاش دنیا اسے یاد رکھتی! یا کم از کم ان کے اخلاف ہی یاد رکھتے کہ صحیح ایسی چنگاری بھی بار بار اپنی خاکستر میں تھی۔

لہ معرفة مساحتہ الاشکال البسیطة والکریہ شائع کردہ دائرۃ المعارف حیدرآباد بیمن رسائل طوسی صفحہ ۹۵ بنوموسیٰ کی یہ کتاب قدیم ناز سے مشہور ہے۔ اہل فن نے اسے متوسطات میں (وہ کتابیں جو اصول اقلیدس اور الجیبی کے درمیان پر مانی جاتی ہیں) داخل کیا۔ چنانچہ محقق طوسی نے ساتویں صدی میں متوسطات کا جو ایڈیشن مرتب کیا اس میں بنوموسیٰ کی ”معرفة مساحتہ الاشکال البسیطة والکریہ“ بھی شامل ہے۔ بارہویں صدی میں جیرارڈ آئن کیون نے اسلامی ہندسہ کے جن جواہر باروں کو عربی سے لاطینی میں ترجمہ کرنے کے لیے منتخب کیا ان میں یہ کتاب بھی تھی چنانچہ اس نے اس کا ترجمہ بعنوان (HIBER TRUM FRALUM) کیا۔ ۱۹۰۲ء میں سورس نے اسی کتاب کی مدد سے بنوموسیٰ کے ہندسی کمالات پر ایک مقالہ لکھا۔